مطالعه عددی اثر سرعت ورودی در فرایند سیلابزنی مخازن نفت در مقیاس حفره برای سطوح با ترشوندگی مختلف

چکیدہ

هرساله تعداد مخازن نفت بیشتری به افت فشار و کاهش نرخ تولید دچار میشوند. فرایند سیلابزنی یکی از این روش های مرسوم برای افزایش میزان تولید نفت است. سرعت سیال تزریقی به داخل محیط متخلخل در شرایط مختلف فیزیکی می تواند مقدار نفت متفاوتی را از حفرات خارج کند. با توجه به هندسه فضایی و ترکیب قرارگیری حفرات، سرعت سیال وارده به هر حفره محدوده گستردهای دارد. در این پژوهش به بررسی اثر سرعت سیال در سه حالت حفره با سطوح آب دوست، آبگریز و ترشوندگی خنثی پرداخته شده است. این کار با استفاده از شبیه سازی عددی با نرمافزار Ansys-Fluent و در مقیاس یک حفره ۱ میلی متری حاوی نفت با لزجت متوسط انجام شده است. نین کار با استفاده از شبیه سازی عددی با نرمافزار Ansys-Fluent و در مقیاس یک حفره ۱ میلی متری حاوی نفت با لزجت متوسط انجام شده است. نین کار با استفاده از شبیه سازی عددی با نرمافزار Ansys-Fluent و در مقیاس یک حفره ۱ میلی متری موای نفت با لزجت متوسط انجام شده است. نین کار با استفاده از شبیه سازی عددی با نرمافزار این کن خروجی در حالت آبدوست و ترشوندگی خنثی، موای نفت با لزجت متوسط انجام شده است. نین کار با استفاده از شبیه سازی عددی به منر مود با یک خروجی در حالت آبدوست و ترشوندگی خنثی، مهمه نفت در تمام سرعتها از حفره خارج می شود. اما برای حفره با دو خروجی، تنها در حالتی که سطح حفره آبدوست باشد تمام نفت از آن خارج می شود و برای حفره با ترشوندگی خنثی ۸۷ درصد از حجم نفت خارج می شود. برای حفره با سطح آب گریز نیز با افزایش سرعت سیال ورودی نفت کمتری از حفره خارج شد و ضریب بازیایی بین ۲/۳٪ و ۸۸۵٪، حاصل شد.

واژههای كليدی: سيلابزنی؛ نانوذرات؛ سورفاكتنت؛ مقياس حفره؛ شبيه سازی عددی؛ سرعت سيال.

Numerical Study of the effect of inlet velocity on oil reservoirs water flooding process at pore scale for different surface wettability

H. Nasiri	Mechanical Engineering, University of Tehran, Tehran, Iran
A. R. Jalali	School of Mechanical Engineering. University of Tehran, Tehran, Iran
S. M. Fatemi	Mechanical Engineering, Iran University of Science and Technology, Tehran, Iran

Abstract

Every year, more oil reservoirs experience pressure drop and production rate decreases. The water flooding process is one of these conventional methods to increase oil production. The velocity of the injected fluid into the porous medium under different physical conditions can extract different amounts of oil from the pores. Due to the spatial geometry and composition of the pores, the velocity of the fluid entering each pore has a wide range. In this study, the effect of fluid velocity in three pores with hydrophilic, hydrophobic and neutral wettability surfaces has been investigated. This was done using numerical simulation with ANSYS-Fluent software at the scale of a 1 mm pore containing medium viscosity oil. The results of this study show that for a pore with single output in the state of hydrophilic cavity and neutral wettability, all oil is removed, from the pore at all speeds. But for a pore with two outlets, only if the surface of the hole is hydrophilic, surface, less oil was removed from the pore by increasing the velocity of the inlet fluid and the recovery coefficient was achieved between 63.7% and 98.5%.

Keywords : water-flooding, nano particles, surfactant, pore scale, numerical simulation, fluid velocity.

۱- مقدمه

اندازهگیری زاویه تماس نفت محاسبه میشود. کاهش کشش بین سطحی و تغییر ترشوندگی سطح مخزن به سمت آبدوستی باعث تسهیل در حرکت نفت شده و بازدهی را افزایش میدهد[۳–۵]. نانوذرات و سورفاکتنتها از پرکاربردترین مواد در کاهش تنش سطحی و زاویه تماس نفت با سطح مخزن هستند[۳, ۴, ۶–۱۰].

کشش سطحی معیاری است که میزان نیرو دافعه بین دو سیال را در مرز مشترک تعیین میکند. هرچه مقدار کشش سطحی کمتر باشد، دو سیال تمایل بیشتری برای حل شدن در یکدیگر دارند. در عوض اگر مقدار کشش سطحی بالا باشد، فشار لازم برای حرکت دادن نفت بیشتر می شود [۱۲, ۱۲]. یکی از مشکلات موجود در صنعت نفت، کاهش بهرهوری برداشت نفت بهعلت کاهش فشار مخازن است. در چاههایی که نرخ تولید آنها طی سالها برداشت افت کرده، میتوان با تزریق آب به مخزن نفتی این کمبود تولید را جبران کرد. این روش با حرکت دادن نفت به سمت خروجی چاه تاحدی باعث افزایش برداشت میشود. برای افزایش بازدهی موادی به آب تزریقی اضافه میشوند که خواص فیزیکی و شیمیایی آن را تغییر میدهند[۲۰۱]. در فرایند تزریق سیال در محیط متخلخل نفتی، مهم ترین پارامترها فشار مویینگی ناشی از کشش سطحی و ترشوندگی دو فاز نسبت به یکدیگر هستند. ترشوندگی با

^{*} نويسنده مكاتبه كننده، آدرس پست الكترونيكى: arjalali@ut.ac.ir

هركدام از این مواد به علت خواص فیزیکی و یا شیمیایی مختص به خود باعث تغییراتی در کشش سطحی و ترشوندگی بین آب و نفت می شوند. بطور مثال کاهش شوری آب باعث کاهش زاویه تماس قطرات نفت می شود[۱۳]. مواد مختلفی در فرایند ازدیاد برداشت نفت برای افزایش میزان بهرهوری استفاده میشوند. سه دسته ناوذرات، سورفاكتنت-ها و پليمرها از پركاربردترين اين مواد هستند.در ادامه به مطالعات برخی محققین درباره این مواد اشاره خواهد شد. استفاده از نانوذرات با مکانیزم های مختلفی مانند تغییر ترشوندگی، تغییر لزجت نفت و سیال تزریق شده و کاهش کشش سطحی آب و نفت باعث افزایش بهرموری فرایند ازدیاد برداشت نفت می شود. نوویدی و همكاران برای غلظتهای مختلف نانوذرات دیاكسید زیركونیوم و اکسید نیکل زاویه تماس را اندازه گیری کرده و مشاهده کردند دی-اکسید زیرکونیوم تاثیر بیشتری بر کاهش زاویه تماس دارد. [۱۴]. رضوانی و همکاران نیز برای نانوذرات دی کسید زیرکونیوم تغییرات کشش سطحی و زاویه تماس را در غلظتهای مختلف اندازه گیری کردند[۱۵]. لو و همکاران با استفاده از یک تجهیز آزمایشگاهی به بررسی اثر نانوذرات در فرایند سیلابزنی در یک محیط با نفوذپذیری پایین پرداختند. نتایج نشان داد استفاده از نانوذرات سیلیسیم دی-اکسید تا غلظت ۱۰ ppm ضریب بازیابی نفت را تا ۱۰/۳٪ افزایش می-دهد. اما غلظت های بالاتر نانوذرات می تواند باعث مسدود شدن جریان شود[۱۶].

سورفاکتنتها یا مواد فعال سطحی، موادی هستند که در غلظت پایین نیز کشش سطحی آب را تا حد زیادی کاهش می دهند. آلوارز و همکاران در پژوهش خود نشان دادند که سورفاکتنتهای آنیونی و غیر آنیونی باعث کاهش کشش سطحی و تغییر ترشوندگی سطوح به سمت آبدوستی می شوند. نتایج نشان داد سورفکاتنتهای آنیونی تاثیر بیشتری بر دو خاصیت ذکر شده دارند و ضریب بازیابی نفت را بالاتر می برند[۱۷]. کاتل و همکاران نیز در پژوهشی جامع، هشت سورفاکتنت آنیونی و سه سورفاکتنت غیرآنیونی را بررسی کردند. سه مورد از سورفاکتنتهای آنیونی بیشترین کاهش زاویه تماس را داشتند. همچنین با افزایش کشش سطحی ضریب بازیابی نیز افزایش پیدا کرد[۸].

شبیهسازی عددی نیز یک روش کمهزینه و مناسب برای بررسی رفتار نانوسیال و دیگر سیالات در فرایند سیلابزنی است. پژوهشگران با استفاده از روشهای مختلفی، اثرسیال تزریقی در مقیاسهای متفاوت را بررسی کردهاند. در جدول ۱ خلاصهای از پژوهشهای انجام شده در این زمینه بیان شدهاست.

در این پژوهش یک حفره نفتی به شکل دایره به عنوان مدل مورد مطالعه انتخاب شده است. علت انتخاب این هندسه آن بوده است که بیشتر حفرات محیط متخلخل کروی شکل هستند. شبیهسازی عددی در مقیاس حفره با استفاده از روش کسر حجمی انجام شده است. به دلیل آنکه تست آزمایشگاهی فرایند سیلابزنی و بررسی نتایج آن زمانبر بوده و نیاز به تجهیزات ابزار دقیق دارد، میتوان از شبیه سازی عددی برای بررسی رفتار دو سیال در این مقیاس استفاده کرد. هدف این پژوهش بررسی اثر سرعت سیال ورودی بر تقابل دو سیال در مرز مشترک و میزان نفت خارج شده از حفره است. برای هرکدام از سرعت های ورودی سه شبیهسازی برای دیواره آبدوست و آبگریز و

ترشوندگی خنثی حفره انجام شدهاست. برای انجام حل عددی از نرم-افزار تجاری انسیس-فلوئنت استفاده شدهاست.

جدول۱- پژوهشهای انجام شده با شبیه سازی عددی

نتيجه گيرى	روش پژوهش	نام پژوهشگران
افزایش سرعت سیال ورودی باعث کاهش ضریب بازدهی شد	شبیهسازی تزریق محلول بایوسورفاکتنت به میکرومدل متخلخل	جعفری و همکاران [۱۹]
تغییر ترشوندگی سطح به آبدوستی با افزودن نانوذرات باعث افزایش بازدهی شد	تست آزمایشگاهی و شبیه- سازی تاثیر نانوذرات سیلیکا در فرایند ازدیاد برداشت	رستمی و همکاران [۲۰]
کاهش کشش سطحی افزایش ضریب بازیابی را به دنبال خواهد داشت	شبیەسازی سەبعدی محیط متخلخل نفتی	نانداوی و همکاران [۲۱]
تغییر ترشوندگی سطح به آبدوستی باعث افزایش بازدهی شد	شبیهسازی تزریق نانوسیال و سورفاکتنت به محیط متخلخل نفتی در مقیاس حفره	ژآو و همکاران [۲۲]
نتایج شبیهسازی نشان داد ترشوندگی خنثی نسبت به ترشوندگی آب- دوست ضریب بازیابی را بالاتر میبرد	بررسی اثر اضافه شدن یون- های مختلف به آب بر کشش سطحی و زاویه تماس و شبیهسازی در حالات مختلف	مهربان و همکاران [۲۳]
با افزودن نانوذرات به سیال تزریقی ضریب بازیابی نفت افزایش پیدا کرد	با مدل کردن دو بعدی مخزن نفتی در مقیاس چند سانتیمتر و با استفاده از معادلات دارسی اثر اضافه شدن نانوذرات را بررسی کردند	همت اسفه و همکاران [۲۴, ۲۵]
نتایج نشان داد میزان تولید نفت در آشام همسو ۵۰ درصد بیشتر از آشام ناهمسو است	بررسی فرایند آشام خودبه- خودی بلوک نخزن نفتی با نرم افزار متلب	خسروی و همکاران [۲۶]

با وجود آنکه سرعت تزریق سیال در فرایند سیلابزنی در صنعت در محدوده مشخصی قرار دارد (در حدود چند فوت در روز) اما پژوهشهایی آزمایشگاهی در رابطه با تاثیر سرعت تزریق انجام شده-است. به عنوان نمونه مای و کانتزاس در بررسی فرایند سیلابزنی به داخل مخازن حاوى نفت با لزجت بالا پى بردند كه كاهش سرعت تزريق مى تواند به بالا رفتن ميزان نفت خارج شده بيانجامد [٢٧]. عرب و همکاران نیز برای نفت با لزجتهای مختلف، سرعت های تزریق را از ۰,۷ تا ۲۴,۳ فوت در روز تغییر دادند و مشاهده کردند که سرعت تزريق بهينه به لزجت نفت وابسته است[٢٨]. هدف اين پژوهش نيز بررسی اثر سرعت ورود سیال تزریقی به حفره حاوی نفت با لزجت متوسط است. سرعت ورودی به حفره با توجه به هندسه و موقعیت آن نسبت به دیگر حفرات مقادیر متفاوتی نسبت به سرعت تزریقی در مقیاس ماکرو خواهد داشت. در واقع به علت آنکه سطح مقطع ورودی هر روزنه میتواند متغیر باشد، سرعت سیال وارده به حفره نیز متغیر خواهد بود. نتایج این پژوهش میتواند به درک رفتار جریان دوفاز در محیط متخلخل در مقیاس کوچک کمک کند.

۲- روش حل عددی

در این بخش به معادلات و روشهایی که نرم افزار برای حل مسئله استفاده میکند پرداخته خواهد شد. برای حل مقادیر سرعت و فشار سیال در هر نقطه از معادله ناویر استوکس و برای یافتن خواص فیزیکی و نیروهای بین دو سیال در مرز مشترک از معادلات کسر حجمی استفاده شدهاست.

1−1 معادلات حاکم

در این شبیهسازی، جریان دو سیال تراکم¦نپذیر با استفاده از معادلات ناویر-استوکس و پیوستگی مدل سازی شده است:

$$\frac{\partial}{\partial t}u + \rho \nabla . (uu) = -\nabla p + \mu \nabla . (\nabla u + \nabla u^{T}) + F + \rho g$$
(1)
$$\nabla . u = 0$$
(Y)

که در آن u بردار سرعت، p چگالی سیال، µ لزجت سیال، g فشار استاتیک، F بیانگر نیروهای حجمی وارده به سیال و g شتاب گرانشی بوده که در این مسئله قابل چشم پوشی است. u^T نیز ترانهاده ماتریس سرعت می باشد.

۲-۲- روش کسر حجمی ('VOF)

(٣)

روشهای مختلفی برای شبیه سازی جریان های چندفازی استفاده می شود. برای دو و یا چند سیالی که نسبت به هم غیر قابل امتزاج هستند، یکی از معادلات پرکاربرد معادله کسر حجمی می باشد. با استفاده از این معادله می توان وضعیت دو سیال را در سطح مشترک آنها مشخص کرد:

$$\frac{\partial(\alpha_i\rho_i)}{\partial t} + \nabla . (\alpha_i\rho_i u_i) = \rho_i S_{\alpha i}$$

که در آن βαi عبارت منبع جرم، ρ_i چگالی سیال i ام و u_i سرعت سیال i ام است. α_i نیز بیانگر کسر حجمی است که بصورت زیر تعریف میشود:

سیال i ام در سلول وجود ندارد :
$$lpha_i=0$$

سلول در مرز مشترک قرار دارد
$$0 < \alpha_i < 1$$

سلول کاملا از سیال i ام پر است :
$$\alpha_i = 1$$

 $\begin{cases} \lambda_{i} = \sum_{i} \alpha_{i} \rho_{i} \\ \mu = \sum_{i} \alpha_{i} \mu_{i} \end{cases}$ محاسبه میشوند. این دو رابطه میانگین حجمی خواص هرسیال در یک محاسبه میشوند. این دو رابطه میانگین حجمی خواص هرسیال در یک سلول را محاسبه می کند. در این مسئله از مدل نیروی سطحی پیوسته (CSF) برای محاسبه انحنای سطح مشترک (زاویه تماس) و کشش سطحی در طول رابط بین دو فاز، مدل نیروی سطح پیوسته (CSF) به معادله حرکت اضافه شده است:

$$F_{CSF} = 2\sigma \frac{\alpha_1 \rho_1 C_2 \Delta \alpha_2 + \alpha_2 \rho_2 C_1 \Delta \alpha_1}{\rho_1 + \rho_2}$$
(۴)

$$C = 2\sigma \frac{\alpha_1 \rho_1 C_2 \Delta \alpha_2 + \alpha_2 \rho_2 C_1 \Delta \alpha_1}{\rho_1 + \rho_2}$$

گرفتن نیروهای فوق ، معادله مومنتوم برای مدل VOF شکل زیر را می گیرد:

$$\frac{\partial}{\partial t}(\rho \vec{u}) + \frac{\partial}{\partial t}(\rho u \vec{u}) = \rho \vec{g} - \nabla p + \nabla \left[\mu(\nabla \vec{u} + \nabla \vec{u}^T) - \frac{2}{3}\mu \nabla u u\right] + F_{CSF}$$
(Δ)

در این رابطه g شتاب جاذبه است که در این مسئله از آن صرف نظر شدهاست، p فشار و I تنسور همانی است. بنابراین، یک معادله مومنتوم در کل حوزه محاسباتی حل می شود و سرعت محاسبه شده بین فازها به اشتراک گذاشته می شود.

۳- مدل فیزیکی

در این بخش هندسه مورد استفاده در مسئله معرفی شده و سپس مشخصات فیزیک آب و نفت، کشش سطحی بین دو سیال و زاویه تماس سیال با سطح حفره بیان خواهد شد. سپس شرایط مرزی اعمال شده به نرمافزار که شامل پنج سرعت ورودی مختلف است، توضیح داده خواهد شد.

۳-۱- هندسه حفره

در این پژوهش یک حفره دو بعدی که بخش کوچکی از یک محیط متخلخل نفتی است مورد بررسی قرار گرفته است. این حفره که ۱ میلیمتر قطر دارد، دارای یک ورودی و خروجی به عرض ۰٫۱ میلی-متر میباشد (شکل ۱). خاصیت ترشوندگی نیز در دیواره های این حفره نمود پیدا میکند. با توجه به اندازه کوچک حفره میتوان از گرانش صرف نظر کرد.

۳-۲- خواص سیال

خواص سیال آب و نفت در این مسئله ثابت و بدون تغییر در زمان خواهد بود و با فرض همدمایی هیچ انتقال حرارتی بین دو سیال و دیواره حفره وجود ندارد. مشخصات دو سیال در جدول ۲ گزارش شده است. مشخصات این نفت با توجه به نفت های موجود در ایران جزو نفت های با لزجت متوسط است. برای محاسبه میزان ترشوندگی سطح مخازن، از زاویه تماس قطره نفت با سطح جامد استفاده می شود. هرچه زاویه تماس قطره نفت با شده سطح کمتری از آن با مخزن درتماس است و به اصطلاح سطح آب دوست تر خواهد بود (شکل ۲).

کاهش زاویه تماس از چسبندگی نفت به دیواره مخزن جلوگیری میکند. اما اگر کاهش آن بیش از حد باشد، باعث چسبندگی زیاد آب به دیواره مخزن شده و در روند حرکت آن اخلال ایجاد میکند[۵, ۲۹].

جدول ۲- مشخصات فیزیکی آب و نفت

چگالی (kg.m ⁻³)	لزجت (mPa.s)	
٩٩٨	١	آب

¹ Volume Of Fluid

² Continuum surface force



کشش سطحی آب و نفت در حالت عادی در حدود $\binom{mN}{m}$ ۲۵ است که سورفاکتنتها می توانند آنرا تا زیر $\binom{mN}{m}$ ۱ نیز کاهش دهند $[\mathfrak{r}^{n}]$. در این مسئله کشش سطحی بین آب و نفت ۱ $\binom{mN}{m}$ بود. (\mathfrak{r}^{n}) ا نازه زاویه بود. که با اضافه شدن سورفاکتنتها به آب قابل دستیابی خواهد بود. همانطور که بیان شد میزان ترشوندگی دیواره حفره با اندازه زاویه تماس قطره نفت بدست میآید. با توجه به شکل ۲ ، نوع ترشوندگی برحسب زاویه تماس به سه حالت تقسیم می شود $[\mathfrak{r}^{n}]$:

زاویه تماس کمتر از ۲۵ درجه : آب دوست و نفت گریز زاویه تماس بین ۷۵ و ۱۰۵ درجه : ترشوندگی خنثی زاویه تماس بیش از ۱۰۵ درجه : آب گریز و نفت دوست

۳-۳- شرایط اولیه و شرایط مرزی

فرض پایه در تمام شبیه سازی ها، اشباع بودن کامل حفره از نفت است. این شبیه سازی ها به سه دسته تقسیم می شوند. در دسته اول سطح دیواره حفره آب دوست بوده و میزان تر شوندگی آن به اندازهای است که قطره نفت با سطح حفره زاویه تماس ۳۰ درجه می سازد. دسته دوم نیز حفره آبگریز بوده و قطره نفت با دیواره زاویه تماس ۱۵۰ درجه می سازد. در دسته سوم سطح حفره تر شوندگی خنثی داشته و زاویه تماس ۹۰ درجه خواهد بود. شکل ۳ طرحواره ای از شرایط مرزی مسئله را نشان می دهد. دیواره سمت چپ شرط مرزی سرعت ورودی و دیواره سمت راست شرط فشار خروجی با مقدار فشار نسبی صفر خواهد بود. در هر کدام از سه حالت آب دوست، آبگریز و تر شوندگی طبیعی پنج سرعت ^{۵–} ۱۰^{*}۵۰^{* ۲۰}

متر بر ثانیه به عنوان شرط سرعت ورودی در حل عددی استفاده خواهد شد. بازه مقادیر سرعت مطابق با پژوهشهای دیگر انتخاب شدهاست [۲۹و۲۲].

۴- نتايج و تحليل

در این بخش در ابتدا نحوه شبکهبندی هندسه، تعداد سلولها و بهترین شبکه برای شبیهسازی بررسی میشود. سپس نتایج حل مسئله برای هر سه حالت زاویه تماس با تفسیر پدیده رخ داده در هر کدام بیان خواهد شد.

۱–۴ استقلال از شبکه و اعتبارسنجی

بهمنظور حل دقیقتر در شبیهسازی این مسئله، از سلولهای چهارگوش استفاده شدهاست. برای شبکهبندی همگن، دایره هندسه به چهار قسمت حلقوی و یک دایره کوچکتر تقسیم شد (شکل ۴). این کار منجر به کنترل بهتر روی شبکهبندی و تعداد المانها در هر ضلع می شود.



شکل ۳- شماتیکی از شرایط مرزی مسئله

برای ارزیابی کیفیت تراکم شبکه که با استفاده از نرمافزار شبکه-بندی Ansys بهدست آمده است، فشار مویینگی در ابتدای تزریق آب به حفره (شکل ۴) در حل عددی محاسبه شدهاست.



شکل ۴- شبکهبندی هندسه مسئله

مقدار فشار مویینگی در یک کانال دو بعدی براساس رابطه (۶) بدست می آید[۳۱]:

$$P_c = \frac{2\sigma\cos\alpha}{h/2} \tag{(?)}$$

که در آن σ کشش سطحی برحسب (N/m)، lpha زاویه تماس و h عرض کانال است.



شکل ۵- کانتور کسر حجمی آب و نفت ابتدای تزریق آب

در ابتدای فرایند سیلابزنی به مدل هندسی مسئله، به علت آنکه ورودی به حفره به شکل کانال است میتوان از فشار مویینگی دوفاز در

این قسمت برای اعتبارسنجی حل عددی استفاده کرد. برای دیواره آب-دوست، مقادیر فشار مویینگی بدست آمده از چهار شبکه بندی با تراکم مختلف و مقدار بدست آمده از رابطه (۶) در جدول ۳ گزارش شده است.

به علت آنکه سرعت سیال در لحظات مختلف متغیر است، از تنظیمات انطباقی برای تعیین گام زمانی استفاده شد؛ به گونهای که عدد کورانت پایینتر از ۰/۵ باشد. با توجه به جدول ۳ مشخص می شود که تعداد سلول ۱۴۷۰۰ نتیجه قابل قبولی را داشته و این تراکم شبکه برای ادامه شبیهسازی کافی خواهد بود.

جدول ۳- مقادیر فشار در تراکمهای مختلف شبکهبندی

فشار مویینگی محاسبه شده (Pa)	فشار مویینگی حل عددی (Pa)	تعداد سلولها
84/84	37/47	۷۲۰۰
84/84	۳۴/۱	١٠٨٠٠
346/84	٣۴/٧	144
84/84	346/12	182

به جهت بررسی بیشتر، مقدار فشار مویینگی بدست آمده از رابطه (۶) برای پژوهش ژآو و همکاران [۲۲] نیز بدست آمد. مقدار محاسبه از رابطه مذکور ۱۸۰۱۰ پاسکال و مقدار گزارش شده توسط ژآو که از حل عددی بدست آمده، ۱۹۰۰۰ پاسکال است. این نشان میدهد که استفاده از رابطه (۶) برای اعتبارسنجی حل عددی مناسب بودهاست. علت مقدار بالای فشار مویینگی پژوهش مذکور نیز عرض کمتر ورودی حفره است.

مطابق رابطه (۲) اختلاف فشار لازم برای حرکت سیال در یک لوله تابعی از ابعاد هندسی، خواص سیال و مقدار سرعت جریان خواهد بود. $\Delta p = \frac{8\mu L V}{r^2}$

در این رابطه μ لزجت سیال ورودی، ۷ سرعت آن، L طول لوله و r شعاع لوله است. اما چنانچه قطر لوله کم باشد (میلیمتر و کمتر)، اثرات نیروی مویینگی قابل ملاحظه خواهد بود. در شکل ۶ شماتیکی از فرایند تزریق آب به لوله مویین حاوی نفت نشان داده شدهاست. در شکل بالا دیواره لوله ترشوندگی آب و در شکل پایین دیواره لوله ترشوندگی نفت میباشد. در حالت آب دوست، نیروی مویینگی آب را به سمت دیواره لوله میکشاند. به این فرایند که فاز تر وارد لوله حاوی فاز غیر تر شده، آشام (imbibition) گفته میشود. در این حالت زاویه α حاده است. به همین طریق در حالت نفتدوست زاویه α منفرجه می-باشد و این حالت که فاز غیر تر وارد لوله محتوی فاز تر شده، تخلیه باشد و این حالت که فاز غیر تر وارد لوله محتوی فاز تر شده، تخلیه



به علت آنکه نیروی مویینگی در مجراهای کوچک غیر قابل صرف نظر است، افت فشار در حرکت سیال متفاوت خواهد بود. در این حالت وجود نیروی مویینگی عبارت دیگری را به رابطه فشار اضافه میکند و اختلاف فشار جدید از رابطه (۸) بدست میآید. σ کشش سطحی بین دو سیال و α زاویه تماس در محل برخورد دوسیال با سطح لوله است. این رابطه نشان میدهد اگر سطح لوله ترشوندگی مطابق با سیال ورودی داشته باشد، اختلاف فشار کمتری برای سرعت یکسان سیال ورودی نیاز است. با توجه به رابطه (۸) و شکل ۶ اگر سیال با فاز تر وارد شود (زاویه α حاده) Δp کاهش یافته و اگر سیال با فاز غیرتر وارد شود (زاویه α منفرجه) Δp افزایش مییابد.

$$\Delta p = \frac{8\mu LV}{r^2} - \frac{2\sigma \cos\alpha}{r}$$

با استفاده از رابطه فوق اثبات میشود که هرچه ترشوندگی سطح به آبدوست نزدیکتر باشد، فشار کمتری برای حرکت سیال با سرعت یکسان نیاز است.

())

در بخشهای بعدی اثر سرعت ورودی سیال در فرایند سیلابزنی برای سه حالت زیر مورد بررسی قرار خواهند گرفت:

- مخزن آبدوست: زاویه تماس ۳۰ درجه
- مخزن آبگریز: زاویه تماس ۱۵۰ درجه
- مخزن با ترشوندگی خنثی: زاویه تماس ۹۰ درجه

در هرکدام از این حالات برای سرعت ورودی [`]۰۱متر بر ثانیه، مسیر حرکت آب از ورود به حفره تا خارج شدن از آن در شش زمان نمایش داده شده و سپس نمودار نفت جاروب شده برای هر سرعت ورودی گزارش شدهاست.

۲-۴- تاثیر سرعت ورودی در حفره آبدوست

در این بخش نحوه اثرگذاری مقدار سرعت ورودی در حفره آب-دوست با زاویه تماس ۳۰ درجه، درحالیکه حفره کاملا از نفت پر بوده مدلسازی شدهاست. همانطور که بیان شد، معمولا زاویه تماس قطره نفت بیش از ۹۰ درجه بوده که میتوان با استفاده از نانوذرات مقدار آن را کاهش داد.



شکل ۷-کانتور نسبت حجمی در فرایند تزریق سیال به حفره نفتی آبدوست برای سرعت ۱ میلیمتر بر ثانیه

مقدار سرعت ورودی برای هر مخزن نفتی با استفاده از مقاومت هیدرولیکی مجموعه و توان پمپاژ مشخص میشود؛ در نتیجه با تغییر توان پمپاژ میتوان به سرعتهای ورودی مختلف دست یافت. پنج مقدار مختلف با مراتب بزرگی متفاوت به عنوان سرعت ورودی درنظر گرفته شدهاست که عبارت اند از ⁴-۱۰^{*}۵ ، ⁺ ۱۰^{*}۱ ، ⁺ ۱۰^{*}۵ ، ⁷ ما^{*}۱ و ⁷ ما^{*}۵ متر بر ثانیه. درواقع هدف این بوده که اثر سرعت ورودی برای دامنه وسیعی در مقیاس یک حفره بررسی شود. معیار ارزیابی در هر حالت مقدار نفت خارج شده از حفره است که آنرا با ضریب بازیابی نفت (برحسب درصد) بیان میکنند. با توجه به مقدار سرعت ورودی در هر حالت مدت زمان متفاوتی طول میکشد تا آب از ورودی تا خروجی حفره را طی کند. در شکل ۷ تزریق آب در حفره را برای سرعت ⁷ ما^{*}۱ متر بر ثانیه نشان می دهد.

رنگ *قرمز* مربوط به آب ورودی و رنگ *آبی* مربوط به نفت است. در ابتدای ورود آب به حفره در زمان ۰٫۵ ثانیه، به واسطه سرعت بالای آب، خط مشترک آب و نفت را به شکل مقعر درآورده است؛ اما به علت تمایل سطح حفره به کشش آب، این خط در ادامه حرکت آب به شکل محدب درآمده است.

این پدیده در سرعتهای تزریق مختلف به شکلهای مختلف اتفاق میافتد. در شکل ۸ کانتور نسبت حجمی آب و نفت در لحظه ورود آب به داخل حفره نشان داده شدهاست. مطابق با این شکل هرچه سرعت تزریق بیشتر باشد سطح مشترک آب و نفت بیشتر شکل مقعر به خود خواهد گرفت؛ چراکه با افزایش سرعت سیال ورودی نیروی اینرسی آن به نیروی مویینگی غلبه پیدا میکند.



۲۰۰ ۱۵۰ ۱۰۰ ۵۰ ۰ ۰ ۰ ۰ ۰ ۰ ۰ ۲۰۰ زمان (ثانیه)

شکل ۹- نمودار درصد نفت جاروب شده برای حالت حفره نفتی آب-دوست

در شکل ۹ برای هر پنج سرعت ورودی نمودار نفت جاروب شده برحسب زمان گزارش شدهاست. رابطه (۹) نحوه محاسبه این متغیر را نشان میدهد. وجه مشترک در همه حالات شیب ثابت نمودار و مقدار نهایی میزان نفت جاروب شده ۱۰۰٪ است.

$$\begin{aligned} & Recovery Factor \\ &= \left(1 - \frac{remained \ oil \ volume}{total \ volume}\right) \end{aligned} \tag{9}$$

۴-۳- تاثیر سرعت ورودی در حفره آبگریز

اگر در فرایند سیلابزنی از نانوذرات استفاده نشده باشد، محتمل است که دیواره مخزن نفتی آبگریز باشد. شکل ۱۰ ورود آب به حفره را برای سرعت ^۳-۱۰ متر بر ثانیه نشان میدهد. در این حالت سیال

ورودی با فاصله گرفتن از سطح حفره وارد آن شود.

شکل کروی آب در ابتدای ورود به حفره و فاصله گرفتن از سطح آن گواهی بر آبگریز بودن حفره است. در زمان ۶٫۵ ثانیه سیال آب به روزنه خروجی حفره وارد میشود و مقداری نفت به دلیل ترشوندگی دیواره نسبت به نفت باقی میماند. این مقدار نفت در زمانهای بعدی نیز درون حفره باقی مانده و دیگر از آن خارج نمیشود.



آبگریز آبگریز

تاثیر سرعت ورودی در شرایط آبگریز در شکل ۱۱ نشان داده شدهاست. این شکل کانتور نهایی نسبت حجمی را برای سرعتهای مختلف نشان میدهد. نکته مهم آن است که در سرعتهای پایین تقریبا تمام نفت از حفره خارج شده است و هرچه سرعت بالاتر باشد نفت باقی مانده در حفره افزایش مییابد.

در توجیه این پدیده میتوان گفت با توجه به عدم تمایل آب به نزدیک شدن به دیواره حفره، هرچه سرعت ورودی بیشتر باشد سیال سریعتر راه خود را به انتهای حفره مییابد. در عوض هنگامی که سرعت سیال ورودی پایین باشد، توان کمتری برای ادامه حرکت در میانه مسیر دارد و در نتیجه آب به طرفین حفره حرکت کرده و نفت را از این مناطق خارج میکند.

در شکل ۱۲ نمودار درصد نفت جاروب شده برای این حالت نمایش داده شده است. نکته قابل توجه این است که شیب اولیه نمودار برای هر سرعت، در دو حالت آبدوست و آبگریز یکسان است. این بدین معناست که نوع ترشوندگی حفره تاثیری در مقدار سیال ورودی در ابتدای تزریق ندارد.



شکل ۱۲- نمودار درصد نفت جاروب شده برای حالت حفره نفتی آب-گریز

مطابق با این نمودار هرچه سرعت سیال ورودی بیشتر باشد، سیال زودتر به انتهای مسیر رسیده و نفت کمتری درنهایت از آن خارج می-شود. بطور مثال برای سرعت ۵ میلیمتر بر ثانیه، آب در مدت ۳ ثانیه، ۶۳٪ از نفت داخل حفره را خارج میکند؛ درحالیکه برای سرعت ۰/۰۵ میلیمتر بر ثانیه بیش از ۹۹٪ نفت در مدت زمان ۱۸۰ ثانیه از حفره خارج میشود. البته این بدان معنا نیست که در تزریق آب به مخزن آب گریز با سرعت ۰٫۰۵ میلیمتر بر ثانیه این مقدار از نفت استحصال خواهد شد؛ چراکه نحوه قرار گیری حفرهها و هندسه فضایی مخزن در مسیر حرکت آب بسیار تعیینکننده است. اما پیشنهاد میشود در سیلابزنی مخازن آب گریز تا جایی که امکان دارد سرعت تزریق پایین آورده شود؛ زیرا در این نوع مخازن سرعت بالای تزریق، آب را بدون

خارج کردن مقدار قابل توجهی نفت به خروجی میرساند و بازدهی را پایین میآورد.

۴-۴- تاثیر سرعت ورودی در حفره با ترشوندگی خنثی

در دوحالت، ترشوندگی مخزن نفتی برای آب و نفت در حالت خنثی است (زاویه تماس بین ۷۵ و ۱۰۵). یکی آنکه خاصیت سنگ مخزن بهگونهای است که نسبت به آب و نفت میزان ترشوندگی تقریبا یکسانی دارد و دیگر آنکه سطح مخزن در ابتدا آبگریز بوده و با اضافه شدن نانوذرات به آب ورودی، ترشوندگی خنثی حاصل شود. فرایند سیلابزنی در این حالت نیز با استفاده از شبیهسازی عددی بررسی شدهاست.

شکل ۱۳ ورود آب به حفره را برای سرعت ^{۱۰} متر بر ثانیه نشان میدهد. در این قسمت زاویه تماس آب و نفت ۹۰ درجه درنظر گرفته شدهاست. هنگام ورود آب به روزنه ورودی حفره، خط مشترک دو سیال به هیچ سمتی منحرف نشده است که نشان از ترشوندگی خنثی سطح دارد. نکته قابل توجه در تمام این حالات آن است که خط مشترک دو سیال با خط مماس بر سطح حفره متعامد باقی می ماند (زاویه تماس ۹۰ درجه) و درنهایت نیز تمام نفت از حفره خارج شده-



شکل ۱۳-کانتور نسبت حجمی در فرایند تزریق سیال به حفره نفتی با ترشوندگی خنثی برای سرعت ۱ میلیمتر بر ثانیه

شکل ۱۴ نمودار درصد نفت جاروب شده را برحسب زمان برای سرعتهای ورودی مختلف نشان می دهد. این نمودار نشان می دهد در بقیه حالات تمام نفت حفره خارج می شود و تنها در زمان تخلیه با هم تفاوت دارند. برای سرعت تزریق ۰/۰۵ میلی متر بر ثانیه نمودار از حالت خطی خارج شده است. به نظر می رسد در این حالت تقابل نیروهای اینرسی و مویینگی باعث کاهش پیشروی آب در حفره شده باشد. در پژوهش ژآو و همکاران که حفره کوچک تری را با استفاده از حل عددی شبیه سازی کردند نیز چنین نتیجهای حاصل شد. در پژوهش مذکور

هنگام تزریق آب به حفره در حالت ترشوندگی خنثی، ۹۶ درصد از نفت از حفره نفتی با کشش سطحی ۰٫۰۵۲, سا(^{mN}/m) خارج شد[۲۲].



شکل ۱۴- نمودار درصد نفت جاروب شده برای حالت ترشوندگی خنثی



شکل ۱۵. مراحل حرکت آب در حفره آبدوست و ترشوندگی خنثی با دو خروجی

با وجود آنکه فرایند سیلابزنی در دو حالت آبدوست و ترشوندگی خنثی نتایج تقریبا یکسانی داشتند، با توجه به پژوهشهای گذشته کاهش زاویه تماس به سمت آبدوستی بر مقدار بازدهی فرایند سیلابزنی اثبات شده است. لذا برای بررسی دقیقتر تفاوت بین حفره با سطوح آبدوست و ترشوندگی خنثی، یک حفره با هندسه متفاوت نیز بررسی شد. مشخصات این حفره همان هندسه اصلی مسئله بوده؛ با Physicochemical and Engineering Aspects, vol. 583, p. 124008, 2019.

- [4] Hendraningrat L., Li S., and Torsæter O., A coreflood investigation of nanofluid enhanced oil recovery, *Journal of Petroleum Science and Engineering*, vol. 111, pp. 128-138, 2013.
- [5] Kazemzadeh Y., Shojaei S., Riazi M., and Sharifi M., Review on application of nanoparticles for EOR purposes: A critical review of the opportunities and challenges, *Chinese Journal of Chemical Engineering*, vol. 27, no. 2, pp. 237-246, 2019.
- [6] Armstrong R. T. and Wildenschild D., Investigating the pore-scale mechanisms of microbial enhanced oil recovery, *Journal of Petroleum Science and Engineering*, vol. 94, pp. 155-164, 2012.
- [7] Hirasaki G. J., Miller C. A., and Puerto M., Recent advances in surfactant EOR, in SPE Annual Technical Conference and Exhibition, Society of Petroleum Engineers, 2008.
- [8] Aoudia M., Al-Shibli M. N., Al-Kasimi L. H., Al-Maamari R., and Al-bemani A., Novel surfactants for ultralow interfacial tension in a wide range of surfactant concentration and temperature, *Journal of surfactants and detergents*, vol. 9, no. 3, pp. 287-293, 2006.
- [9] Li S., Torsæter O., Lau H. C., Hadia N. J., and Stubbs L. P., The impact of nanoparticle adsorption on transport and wettability alteration in water-wet Berea sandstone: an experimental study, *Frontiers in Physics*, vol. 7, p. 74, 2019.
- [10] Karnanda W., Benzagouta M. S., AlQuraishi A., and Amro M. M., Effect of temperature, pressure, salinity, and surfactant concentration on IFT for surfactant flooding optimization, *Arabian Journal of Geosciences*, vol. 6, no. 9, pp. 3535-3544, 2013/09/01 2013.
- [11] Lu J. et al., Enhanced oil recovery from hightemperature, high-salinity naturally fractured carbonate reservoirs by surfactant flood, *Journal of Petroleum Science and Engineering*, vol. 124, pp. 122-131, 2014.
- [12] Pordel Shahri M., Shadizadeh S., and Jamialahmadi M., A new type of surfactant for enhanced oil recovery, *Petroleum science and technology*, vol. 30, no. 6, pp. 585-593, 2012.
- [13] Teklu T. W., Alameri W., H. Kazemi H., and Graves R. M., Contact angle measurements on conventional and unconventional reservoir cores, in *Unconventional Resources Technology Conference, San Antonio, Texas,*, pp. 2297-2311: Society of Exploration Geophysicists, American Association of Petroleum, 2015.
- [14] Nwidee L. N., Al-Anssari S., Barifcani A., Sarmadivaleh M., Lebedev M., and Iglauer S., Nanoparticles influence on wetting behaviour of fractured limestone formation, *Journal of Petroleum Science and Engineering*, vol. 149, pp. 782-788, 2017.
- [15] Rezvani H., Khalilnezhad A., Ganji, and P. Kazemzadeh Y., How ZrO2 nanoparticles improve the oil recovery by affecting the interfacial phenomena in the reservoir conditions, *Journal of Molecular Liquids*, vol. 252, pp. 158-168, 2018.
- [16] Lu T., Li Z., Zhou Y., and Zhang C., Enhanced Oil Recovery of Low-Permeability Cores by SiO2 Nanofluid, *Energy & Fuels*, vol. 31, no. 5, pp. 5612-5621 2017.
- [17] Alvarez J. O. and Schechter D. S., Wettability alteration and spontaneous imbibition in unconventional liquid reservoirs by surfactant additives, SPE Reservoir Evaluation & Engineering, vol. 20, no. 01, pp. 107-117, 2017.
- [18] Kathel P. and Mohanty K. K., EOR in tight oil reservoirs through wettability alteration, in SPE Annual Technical Conference and Exhibition, Society of Petroleum Engineers, 2013

این تفاوت که دو مجرای با عرض ۱/ میلیمتری بهعنوان خروجی نفت از حفره درنظر گرفته شدهاند. شکل ۱۵ مراحل تزریق آب را برای این حفره نشان میدهد. سرعت تزریق آب نیز ۱ میلیمتر بر ثانیه بودهاست. مطابق با این شکل در تزریق آب به حفره آبدوست تمام نفت در مدت زمان ۲۸ ثانیه و برای حفره با ترشوندگی خنثی نیز ۷۸ درصد از نفت طی مدت ۷/۳ ثانیه خارج شدهاست. در حالت آبدوست، آب در مدت زمان ۸ ثانیه از بالا و پایین حفره به نزدیکی روزنه خروجی می سد ولی به علت نیروی چسبندگی زیاد بین آب و سطح حفره حدود ۷ ثانیه به علت نیروی چسبندگی زیاد بین آب و سطح حفره حدود ۷ ثانیه نشان میدهد چینش حفرات نسبت به هم و تعداد ورودی و خروجی و موقعیت آنها در میزان نفت خارج شده از هر حفره بسیار تعیین کننده است.

۵- نتیجهگیری

در این پژوهش به بررسی اثر سرعت ورودی سیال در فرایند سیلابزنی در مقیاس حفره در سه حالت آبدوست و آبگریز و ترشوندگی خنثی برای سرعتهای ورودی مختلف با استفاده از شبیه-سازی عددی پرداخته شد. در حالت آبدوست زاویه تماس ۳۰ درجه و در حالت آبگریز ۱۵۰ درجه بوده و کشش سطحی بین آب و نفت ۱(^{mN}/m) فرض شدهاست.

نتایج نشان داد در حالت آبدوست برای تمام سرعتها نفت بطور کامل از حفره خارج می شود اما زمان رسیدن به شرایط پایا در هر کدام بسته به سرعت متفاوت است. در حالت آب گریز نتایج وابستگی زیادی به سرعت داشتند. در تزریق آب با سرعت پایین زمان بیشتری نیاز است تا آب به خروجی حفره برسد اما بیشتر نفت را از آن خارج می-کند. در حالیکه هرچه سرعت بالاتر باشد، آب گریز بودن سطح حفره باعث می شود آب کمتر به دیواره حفره نزدیک شود و متعاقباً نفت کمتری از حفره خارج شود.

با توجه به نتایج این پژوهش میتوان انتظار داشت در فرایند سیلابزنی یک حفره نفتی با یک خروجی، چنانچه سطح حفره دارای ترشوندگی خنثی و یا آبدوست باشد، تمام نفت از آن خارج میشود ولی چنانچه حفره دارای خروجیهای متعدد باشد، کاهش زاویه تماس تا ۹۰ درجه (ترشوندگی خنثی) برای خارج کردن تمام نفت مناسب نخواهد بود و در حالتی که حفره دو خروجی داشت، ۸۸ درصد از نفت خارج شد. برای انتخاب سرعت مناسب در حالت آبگریز نیز باید حالتی بهینه بین زمان فرایند و مقدار ضریب بازیابی نفت انتخاب کرد.

⁹- مراجع

- Taber J. and Seright R., Horizontal injection and production wells for EOR or waterflooding, in *Permian Basin Oil and Gas Recovery Conference*, Society of Petroleum Engineers, 1992.
- [2] Han M., Xiang W., Zhang J., Jiang W., and Sun F., Application of EOR technology by means of polymer flooding in Bohai Oilfields, in *International oil & gas conference and exhibition in China*, Society of Petroleum Engineers, 2006.
- [3] Keykhosravi A. and Simjoo M., Insights into stability of silica nanofluids in brine solution coupled with rock wettability alteration: An enhanced oil recovery study in oil-wet carbonates, *Colloids and Surfaces A:*

[19] Jafari A., Pour S. E. F., and Gharibshahi R., CFD simulation of biosurfactant flooding into a micromodel for enhancing the oil recovery, *Int J Chem Eng Appl* (*IJCEA*), 2016.

[20] Rostami P., Sharifi M., Aminshahidy B., and Fahimpour J., The effect of nanoparticles on wettability alteration for enhanced oil recovery: micromodel experimental studies and CFD simulation, *Petroleum Science*, vol. 16, no. 4, pp. 859-873, 2019.

[21] Nandwani S. K., Chakraborty M., and Gupta S., Chemical flooding with ionic liquid and nonionic surfactant mixture in artificially prepared carbonate cores: A diffusion controlled CFD simulation, *Journal* of Petroleum Science and Engineering, vol. 173, pp. 835-843, 2019.

- [22] Zhao J. and Wen D., Pore-scale simulation of wettability and interfacial tension effects on flooding process for enhanced oil recovery, *RSC advances*, vol. 7, no. 66, pp. 41391-41398, 2017.
- [23] Mehraban M. F., Rostami P., Afzali S., Ahmadi Z., Sharifi M., and Ayatollahi S., Brine composition effect on the oil recovery in carbonate oil reservoirs: A comprehensive experimental and CFD simulation study, *Journal of Petroleum Science and Engineering*, vol. 191, p. 107149, 2020/08/01/ 2020.
- [24] Hemmat Esfe M., Esfandeh S., and Hosseinizadeh E., Nanofluid flooding in a randomized heterogeneous porous media and investigating the effect of capillary pressure and diffusion on oil recovery factor, *Journal* of Molecular Liquids, vol. 320, p. 113646, 2020/12/15/ 2020.
- [25] Hemmat Esfe M., Esfandeh S., and Hosseinizadeh E., Nanofluid flooding for enhanced oil recovery in a heterogeneous two-dimensional anticline geometry, *International Communications in Heat and Mass Transfer*, vol. 118, p. 104810, 2020/11/01/ 2020.
- خسروی ر.، چهار دولی م.، سیمجو م. مدل سازی عددی فر آیند آشام [26] خودبخودی آب در یک بلوک مخزن شکافدار و بررسی انر شرایط مرزی مختلف بر بازیافت نفت مهندسی مکانیک دانشگاه تبریز، دوره ۴ ماره ۴
- [27] Mai A. and Kantzas A., Heavy oil waterflooding: effects of flow rate and oil viscosity, *Journal of Canadian Petroleum Technology*, vol. 48, no. 03, pp. 42-51, 2009.
- [28] Arab D., Kantzas A., and Bryant S. L., Effects of oil viscosity and injection velocity on imbibition displacement in sandstones, in SPE Canada Heavy Oil Conference, 2020
- [29] Golabi E., SEYEDIN A. F., and AYAT E. S., Chemical induced wettability alteration of carbonate reservoir rocks, 2009.
- [30] Manshad A. K., Rezaei M., Moradi S., Nowrouzi I., and Mohammadi A. H., Wettability alteration and interfacial tension (IFT) reduction in enhanced oil recovery (EOR) process by ionic liquid flooding, *Journal of Molecular Liquids*, vol. 248, pp. 153-162, 2017/12/01/ 2017.
- [31] Treiber L. and Owens W., A laboratory evaluation of the wettability of fifty oil-producing reservoirs, *Society of petroleum engineers journal*, vol. 12, no. 06, pp. 531-540, 1972.
- [32] van der Wijngaart W., Capillary pumps with constant flow rate, *Microfluidics and nanofluidics*, vol. 16, no. 5, pp. 829-837, 2014.